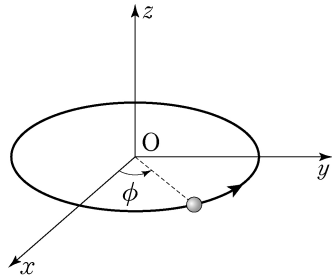




3. 그림과 같이  $xy$ -평면에서 반지름이 일정한 원 궤도를 따라 운동하는 입자의 규격화된 파동함수는

$$\psi(\phi) = \sqrt{\frac{4}{3\pi}} \sin^2 \phi$$

이다.



입자의 각운동량  $z$ 성분  $L_z$ 를 측정했을 때, 0과  $-2\hbar$ 가 나올 확률을 각각 구하시오. [2점]

<자 료>

○  $L_z$ 의 규격화된 고유함수는

$$\psi_m(\phi) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{im\phi} \text{ 이고, } m=0, \pm 1, \pm 2, \dots \text{ 이다.}$$

○  $e^{\pm i\phi} = \cos\phi \pm i \sin\phi$

4.  $N$ 개의 입자로 이루어진 계가 있다. 이 계의 허용 가능한 상태 수는  $\Omega = aU^N V^N$ 이고,  $a$ 는 상수,  $U$ 는 내부 에너지,  $V$ 는 부피이다.

$U$ 와 압력  $p$ 를 각각  $N$ ,  $V$ , 온도  $T$ 로 나타내시오. [2점]

<자 료>

엔트로피  $S = k_B \ln \Omega$ 의 변화량  $dS$ 는

$$dS = \frac{1}{T} dU + \frac{p}{T} dV = \left( \frac{\partial S}{\partial U} \right)_V dU + \left( \frac{\partial S}{\partial V} \right)_U dV$$

이고,  $k_B$ 는 볼츠만 상수이다.

5. <자료 1>은 예비 교사가 운동량 보존에 대해 설계한 [실험 활동]과 [실험 활동 평가표]이다. <자료 2>는 예비 교사와 지도 교사가 <자료 1>에 대해 나눈 대화의 일부이다. 이에 대하여 <작성 방법>에 따라 서술하시오. [4점]

<자료 1>

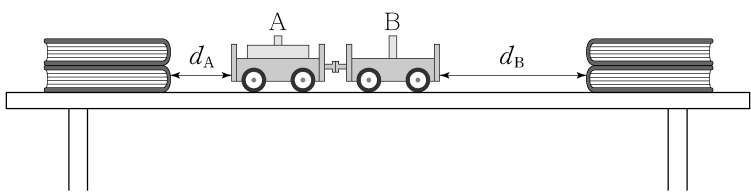
[실험 활동]

○ 실험 목표: 두 수레가 분리되기 전의 운동량의 합과 분리된 후의 운동량의 합을 비교할 수 있다.

○ 준비물: 역학 수레 2개, 추, 두꺼운 책, 자, 나무 막대, 저울

○ 탐구 과정

(가) 그림과 같이 평평하고 매끄러운 책상의 양 끝에 두꺼운 책을 놓는다.



(나) 수레 A에 추를 얹어 두 수레 A, B의 질량  $m_A$ ,  $m_B$ 를 측정한다.

(다) 수레에 부착된 용수철을 압축하여 A와 B를 마주 놓는다.

(라) 수레의 용수철 압축 해제 장치를 나무 막대로 가볍게 쳐서 두 수레를 분리한 후 두 수레가 책과 충돌하는 소리를 듣는다.

(마) 분리 전 수레의 위치를 바꾸어 가며 과정 (다)~(라)를 반복하여 수행해 두 수레가 책과 동시에 충돌하는 위치를 찾는다. 이때 두 수레의 이동 거리  $d_A$ ,  $d_B$ 를 측정한다.

(바) A에 얹는 추의 질량을 바꾸어 가면서 과정 (나)~(마)를 반복한다.

○ 결과 및 정리

... (하략) ...

[실험 활동 평가표]

평가 기준	점수
실험 수행이 우수함 자료 수집 및 분석과 해석이 우수함 결과 정리 및 결론 도출이 우수함	9점
실험 수행이 양호함 자료 수집 및 분석과 해석이 양호함 결과 정리 및 결론 도출이 양호함	6점
실험 수행이 미흡함 자료 수집 및 분석과 해석이 미흡함 결과 정리 및 결론 도출이 미흡함	3점
실험에 참여하지 않음	0점

<자료 2>

예비 교사: 이 실험에서는 수레의 속력 대신 수레가 이동한 거리를 측정해서 수레의 운동량을 구해요. 그렇게 하기 위해 (㉠)을/를 통제 변인으로 설정하고 있어요.

지도 교사: 이런 경우 속력을 측정하지 않기 때문에 수레의 운동량이 얼마인지 알 수 없지만, 수레의 질량과 수레가 이동한 거리의 곱이 운동량의 개념으로 사용되죠. 따라서 학생들이 이 실험을 충분히 이해하기 위해서는 (㉡) 논리가 필요해요. 피아제(J. Piaget)는 형식적 조작기에 이러한 논리를 수행할 수 있다고 말했어요.

예비 교사: 학생들의 인지 발달 정도를 고려해서 실험 과정을 충분히 설명해 줄 필요가 있겠네요. 선생님, 제가 작성한 [실험 활동 평가표]에 대해 말씀해 주세요.

지도 교사: [실험 활동 평가표]는 수정이 필요해요. ㉢ 이 평가표로는 학생의 실험 활동에 대해 점수를 부여하기 어려운 경우가 있어요. 예를 들면, 어떤 학생이 '실험 수행', '자료 수집 및 분석과 해석' 둘 다 우수하지만 '결과 정리 및 결론 도출'이 양호한 경우에는 몇 점을 주어야 할지를 알 수 없어요.

... (하략) ...

<작성 방법>

- ㉠에 해당하는 통제 변인을 쓰고, 이 변인을 통제하는 실험 과정을 <자료 1>의 '탐구 과정'을 참고하여 설명할 것.
- ㉡에 해당하는 논리를 쓸 것.
- ㉢을 바탕으로 [실험 활동 평가표]의 수정 방안을 제시할 것.

6. <자료>는 교사가 인과적 의문에 대하여 학생이 설명 가설을 세울 수 있도록 지도하는 장면이다. 이에 대하여 <작성 방법>에 따라 서술하시오. [4점]

—<자 료>—

학생: 평소에는 보통 쇠못인데, 자석으로 쇠못을 문질렀더니 쇠못이 마치 자석이 된 것처럼 다른 철 클립을 잡아당겨요. 정말 신기하네요.

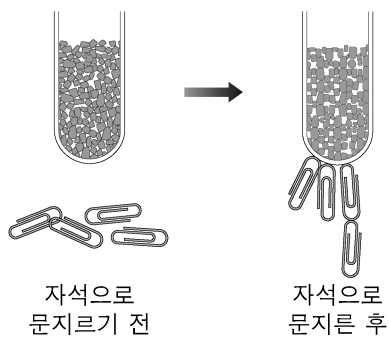
교사: 왜 자석으로 문지르면 쇠못이 자석의 성질을 갖게 될까요? 어떤 의문에 대한 잠정적인 설명을 가설이라고 하는데, 한번 가설을 세워 보세요.

학생: 어떻게 가설을 세워야 할지 잘 모르겠어요.

교사: 이 현상에 대한 가설을 찾아보기 위해서 유사한 다른 현상을 관찰해 봅시다. 막대자석을 잘게 부수어 시험관에 담아 봅시다. 여기에 클립을 가까이 가져가면 어떻게 되나요?

학생: 클립이 달라붙지 않아요.

교사: 이번에는 자석으로 시험관을 한쪽 방향으로 문질러 봅시다. 자석을 치우고 이 시험관에 다시 클립을 가져가 봅시다. 어떻게 되나요?



학생: 클립이 달라붙네요.

교사: 지금까지 관찰한 현상으로부터 '왜 자석으로 문지르면 쇠못이 자석의 성질을 갖게 될까'라는 의문에 대한 가설을 세워 보세요.

학생: 두 현상이 다른데 어떻게 가설을 세우죠?

교사: 선생님을 따라 차근차근 생각해 봅시다. 첫째, ( ㉠ ). 둘째, ( ㉡ ).

학생: (교사의 발문에 따른 답변)

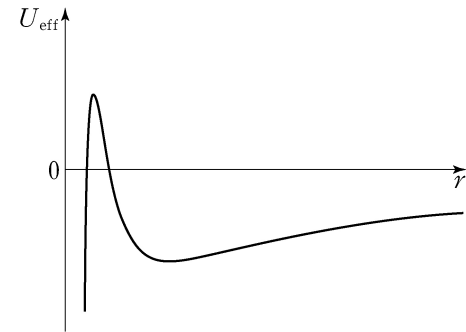
교사: 지금까지의 생각을 바탕으로 '왜 자석으로 문지르면 쇠못이 자석의 성질을 갖게 될까'에 대한 설명을 추리해 볼까요?

학생: 아, 그렇다면 '( ㉢ )'(이)라는 가설을 세울 수 있겠어요.

—<작성 방법>—

- <자료>에서 교사가 학생의 가설 설정을 지도하기 위해 적용하고 있는 '과학적 추론 방법'을 쓸 것.
- ㉠과 ㉡에 들어갈 내용으로서, '과학적 추론 방법'을 적용하여 학생이 올바른 가설을 세울 수 있도록 안내하는 교사의 발문 내용 2가지를 쓸 것.
- ㉢에 들어갈 내용으로서, '과학적 추론 방법'을 바르게 적용했을 때 도출되는 가설을 제시할 것.

7. 그림은 질량  $M$ 인 항성 주변을 질량  $m$ 인 행성이 공전할 때 ( $M \gg m$ ), 뉴턴의 만유인력에 아인슈타인의 일반 상대론적 보정을 고려한 유효 퍼텐셜  $U_{\text{eff}}$ 를 개략적으로 나타낸 것이다.



$U_{\text{eff}}$ 는

$$U_{\text{eff}}(r) = \frac{L^2}{2mr^2} - \frac{GMm}{r} - \frac{GML^2}{mc^2r^3}$$

$$= \frac{\alpha}{r^2} - \frac{\beta}{r} - \frac{\gamma}{r^3}$$

이고,  $L$ 은 행성의 각운동량,  $r$ 는 행성과 항성 사이의 거리,  $G$ 는 만유인력 상수,  $c$ 는 빛의 속력이다.

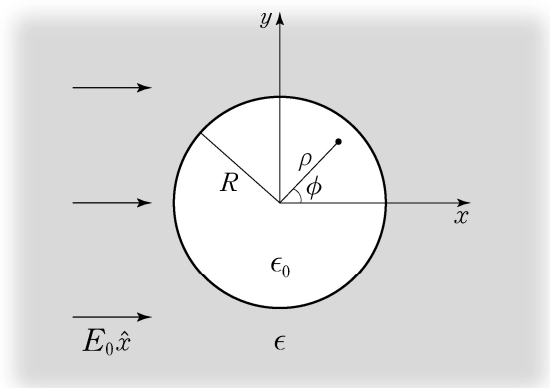
행성에 허용되는 안정한 원 궤도의 반지름  $r_s$ 를 풀이 과정과 함께  $\alpha, \beta, \gamma$ 로 나타내시오. 또한  $\gamma=0$ 인 경우의 원 궤도 반지름  $r_0$ 을 구하고,  $r_s$ 와의 크기를 비교하시오. [4점]

8. 그림과 같이 전기장이  $E_0$ 으로 균일하게 분포되어 있던 유전체 매질 내부에 반지름이  $R$ 이고, 길이가 무한히 긴 원통 모양의 공동을 만들었다. 공동 안은 진공이며 공동 밖과 안의 전기 퍼텐셜은 각각

$$V_1(\rho, \phi) = A_1 \rho \cos \phi + \frac{B_1}{\rho} \cos \phi, \quad \rho > R$$

$$V_2(\rho, \phi) = A_2 \rho \cos \phi, \quad \rho \leq R$$

이다. 유전체와 진공의 유전율은 각각  $\epsilon$ ,  $\epsilon_0$ 이다.



$A_1$ 을 쓰고,  $A_2$ 를 풀이 과정과 함께 구하시오. 또한 공동 안에서 전기장의 크기를 구하시오. (단, 유전체는 알짜전하가 없고, 선형이고, 균일하며, 등방이다.) [4점]

9. 1차원 조화 진동자의 해밀토니언을 차원이 없는 단위 ( $m = \hbar = \omega = 1$ )로 나타내면

$$H = \frac{1}{2}(p^2 + x^2) = a_+ a_- + \frac{1}{2}$$

이고,  $a_{\pm} = \frac{1}{\sqrt{2}}(x \mp ip)$ 이다. 이 진동자의  $j$ 번째와  $j+1$ 번째 에너지 고유함수는 각각

$$\psi_j = A_j (2x^3 - 3x) e^{-x^2/2}$$

$$\psi_{j+1} = A_{j+1} (4x^4 + \alpha x^2 + 3) e^{-x^2/2}$$

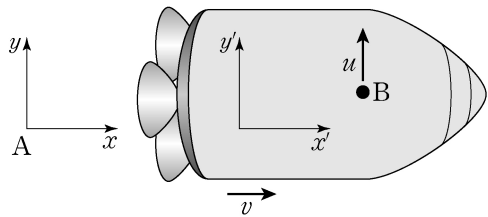
이고,  $A_j$ 와  $A_{j+1}$ 은 규격화 상수이다.

$j$ 값을 풀이 과정과 함께 구하시오. 또한  $\psi_{j+1}$ 에서  $x^2$ 항의 계수  $\alpha$ 를 풀이 과정과 함께 구하시오. [4점]

<자료>

$$a_+ \psi_n = \sqrt{n+1} \psi_{n+1}, \quad a_- \psi_n = \sqrt{n} \psi_{n-1} \text{ 이고, } n = 0, 1, 2, \dots \text{ 이다.}$$

10. 그림은 관성계 A에 대해 속력  $v = \frac{3}{5}c$ 로  $x$ 축을 따라 운동하는 우주선과, 이 우주선에 대해 속력  $u = \frac{\sqrt{3}}{2}c$ 로  $y'$ 축을 따라 운동하는 물체 B를 나타낸 것이다.  $(x, y, t)$ 와  $(x', y', t')$ 는 각각 A와 우주선의 좌표계이고, B의 정지질량은  $m$ 이다.



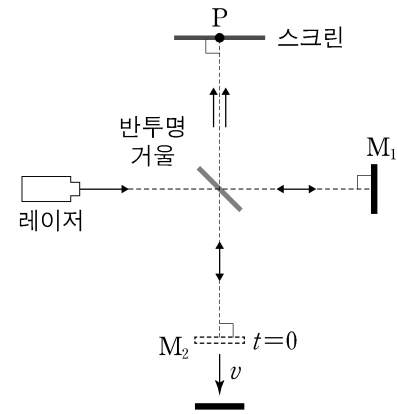
A에서 측정한 B의 속도의  $y$ 성분과 B의 속력을 각각 구하시오. 또한 A에서 측정한 B의 상대론적 운동 에너지를  $K$ 라 할 때,  $\frac{K}{mc^2}$ 를 풀이 과정과 함께 구하시오. (단,  $c$ 는 빛의 속력이다.) [4점]

<자 료>

우주선이 관성계 A에 대해서  $+x$ 방향으로 속력  $v$ 로 등속 운동할 때, 두 좌표계 사이의 로렌츠 변환식은 다음과 같다.

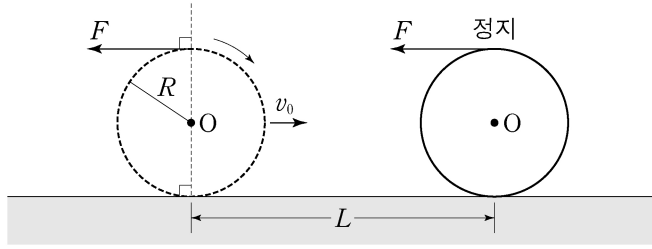
$$x' = \frac{x - vt}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}, \quad y' = y, \quad t' = \frac{t - vx/c^2}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

11. 그림은 파장이  $\lambda$ 인 레이저를 사용하는 마이컬슨 간섭계를 나타낸 것이다. 거울  $M_1$ 은 고정되어 있고 거울  $M_2$ 는 일정한 속력  $v$ 로 움직이며, 스크린에는 시간에 따라 변화하는 간섭무늬가 형성된다.  $M_1, M_2$ 에서 반사되어, 시간  $t=0$ 일 때 점 P에 도달한 두 빛의 광경로차는  $d_0$ 이고, P에 밝은 무늬가 형성된다.



시간  $t$ 에서 P에 도달한 두 빛의 광경로차와 위상차를  $\lambda, v, t$ 로 각각 나타내시오. 또한  $\lambda = 600 \text{ nm}$ 이고 P에서  $1 \text{ ms}$  동안  $10^4$ 번의 밝은 간섭무늬가 나타날 때,  $v$ 의 값을 풀이 과정과 함께 구하시오. (단, 실험은 진공에서 이루어진다.) [4점]

12. 그림과 같이 질량  $M$ , 반지름  $R$ 인 바퀴가 수평 방향으로 크기가  $F$ 로 일정한 힘을 받으며 수평면에서 오른쪽으로 미끄러짐 없이 구르다가 정지하였다. 바퀴의 질량 중심  $O$ 의 속력이  $v_0$ 인 순간부터 바퀴가 정지할 때까지 이동한 거리는  $L$ 이다.



바퀴와 수평면 사이의 마찰력  $f$ 의 크기를 풀이 과정과 함께 구하시오. 또한 거리  $L$ 을 구하시오. (단, 바퀴의 중심 회전축에 대한 관성 모멘트는  $I = \frac{1}{2}MR^2$ 이고, 중심 회전축과 힘의 방향은 서로 수직이다.) [4점]

<수고하셨습니다.>